

Salle d'examens :

N° Place :

Session d'examen :

Date : 12/03/2020

Diplôme :

Epreuve : EP

Appréciation :

Note sur 20 :

15/20

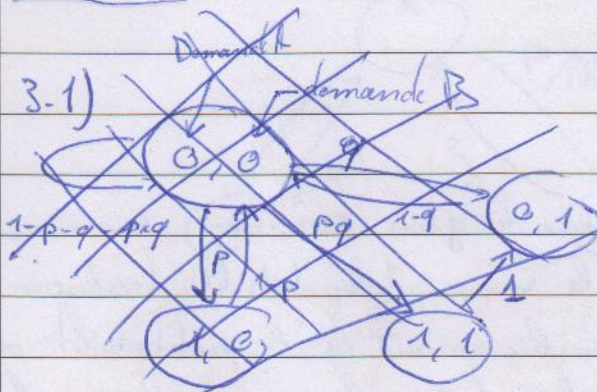
Numéro de la carte d'étudiant
Nom et prénoms :
Signature : FRIEN Thomas

Vous ne calculez pas de régime stationnaire (Aucune équation écrite). À venir.

« Il est rappelé que l'étudiant pris en flagrant délit de fraude en examen est passible de la Section disciplinaire qui peut prononcer les sanctions suivantes : Blâme - Exclusion de l'Université - Exclusion de tous les établissements d'enseignement supérieur public. »

Sujet choisi :

Exercice 3



$$P[X_{n+1} = (1,0) | X_n = (0,0)] = p$$

$$P[X_{n+1} = (0,1) | X_n = (0,0)] = q$$

$$P[X_{n+1} = (0,1) | X_n = (0,0)] = pq \quad (\text{car } p \text{ et } q \text{ indépendants})$$

$$P[X_{n+1} = (0,0) | X_n = (0,0)] = 1 - p - q - pq$$

$$P[X_{n+1} = (0,0) | X_n = (0,1)] = 1 \quad (\text{les travaux terminés})$$

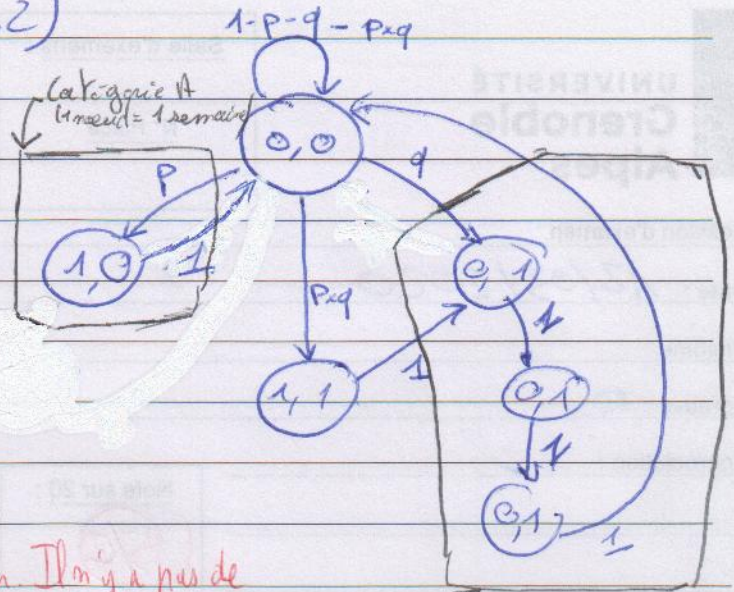
$$P[X_{n+1} = (0,0) | X_n = (1,0)] = 1 \quad (\text{les travaux terminés})$$

$$P[X_{n+1} = (0,1) | X_n = (1,1)] = 1 \quad (\text{car quand deux demandes, une de chaque type, arrivent en même temps, on choisit toujours la demande B})$$

$$P[X_{n+1} = (0,1) | X_n = (0,1)] = 1 \quad (\text{les travaux en cours})$$

$$P[X_{n+1} = (0,0) | X_n = (1,0)] = 1$$

3.2)



Attention. Il n'y a pas de "transitions instantanées". Dans notre modèle, on passe forcément par l'état entre deux jobs A et B.

3.3)

3.4) L'espérance de gain pour une semaine est égale à la somme de la probabilité de réaliser un contrat A fois le bénéfice associé et la probabilité de faire un contrat B fois le bénéfice associé, moins la probabilité d'une semaine d'inactivité fois la perte associée.

$$\text{Donc } E(G) = p \times 4000 + pq \times 15000 + q \times 15000 - (1-p-q-pq) \times 2500$$

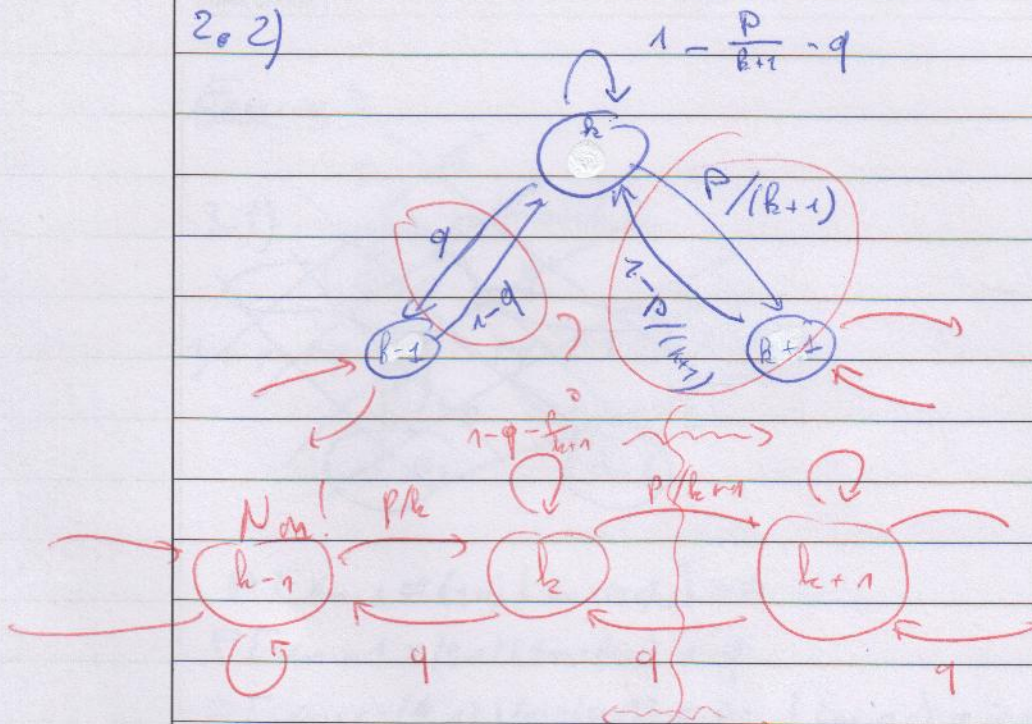
Non.

Exercice 2

2.1) $E(N) = 1/\lambda$

$$E((k+1)^{-1}) = \int \frac{\lambda^{k+1}}{(k+1)!} e^{-\lambda} \quad ?$$

2.2)



On a alors $\pi_k = \left(1 - p - \frac{p}{k+1}\right) \pi_k + q \pi_{k+1} + \frac{p}{k} \pi_{k-1}$

Mais c'est une récurrence pénible à résoudre. Il vaut mieux regarder la fréquence de passage de droite à gauche et de gauche à droite.

Alors $q \pi_{k+1} = \frac{p}{k} \pi_k$ donc $\pi_{k+1} = \left(\frac{p}{q}\right) \cdot \frac{1}{k+1} \pi_k = \left(\frac{p}{q}\right) \cdot \frac{1}{(k+1)!} \pi_0$

On reconnaît une loi de Poisson.